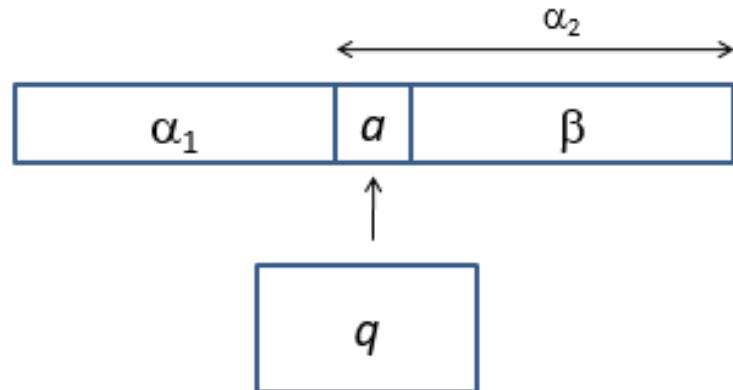


# MESIN TURING (2)

# Deskripsi Sesaat

- Keadaan sebuah Mesin Turing setiap saat dicirikan oleh tiga hal:
  1. Status sekarang ( $q$ )
  2. Simbol yang sedang diterima/dibaca
  3. Posisi *head* (“nomor sel” yang sedang dibaca) pada pita.



- Jika  $\alpha_2 = a\beta$ , maka konfigurasi sesaat mesin Turing pada gambar di atas dapat dinyatakan secara textual oleh deskripsi sesaat (*instantaneous description*):

$$\alpha_1 q \alpha_2$$

yang artinya:

- mesin sedang berada pada status  $q$
- $\alpha_1\alpha_2$  adalah string yang tertera pada pita
- mesin sedang membaca simbol paling kiri dari  $\alpha_2$

- Contoh gerakan ke kiri oleh  $\delta(p, X_i) = (q, Y, L)$ :

$$X_1 X_2 \dots X_{i-1} p X_i X_{i+1} \dots X_n \vdash^* X_1 X_2 \dots q X_{i-1} Y X_{i+1} \dots X_n$$

- Contoh gerakan ke kanan oleh  $\delta(p, X_i) = (q, Y, R)$ :

$$X_1 X_2 \dots X_{i-1} p X_i X_{i+1} \dots X_n \vdash X_1 X_2 \dots X_{i-1} Y q X_{i+1} \dots X_n$$

- Sebuah *string* (kalimat) diterima oleh mesin Turing  $M = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, B, F)$  jika mesin tersebut mencapai status akhir. Dengan kata lain suatu kalimat  $w$  diterima oleh  $M$  jika terdapat rangkaian deskripsi sesaat:

$$q_0 w \vdash^* \alpha_1 p \alpha_2$$

yang dalam hal ini  $p \in F$  dan  $\alpha_1 \alpha_2 \in \Gamma^*$

- Contoh:  $Q = \{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4\}$ ,  $\Gamma = \{0, 1, X, Y, B\}$ ,  $\Sigma = \{0, 1, B\}$   
 $q_0 = q_0$ ,  $F = \{q_4\}$ , dan fungsi transisi  $\delta$  dinyatakan oleh tabel berikut:

|       | 0             | 1             | X             | Y             | B             |
|-------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|
| $q_0$ | $(q_1, X, R)$ | -             | -             | $(q_3, Y, R)$ | -             |
| $q_1$ | $(q_1, 0, R)$ | $(q_2, Y, L)$ | -             | $(q_1, Y, R)$ | -             |
| $q_2$ | $(q_2, 0, L)$ | -             | $(q_0, X, R)$ | $(q_2, Y, L)$ | -             |
| $q_3$ | -             | -             | -             | $(q_3, Y, R)$ | $(q_4, B, R)$ |

maka komputasi string '0011' oleh mesin Turing M dinyatakan dalam rangkaian deskripsi sesaat berikut:

$$\begin{aligned}
 q_0 0011 &\vdash X q_1 011 \vdash X 0 q_1 11 \vdash X q_2 0 Y 1 \vdash q_2 X 0 Y 1 \vdash \\
 X q_0 0 Y 1 &\vdash X X q_1 Y 1 \vdash X X Y q_1 1 \vdash X X q_2 Y Y \vdash X q_2 X Y Y \vdash \\
 X X q_0 Y Y &\vdash X X Y q_3 Y \vdash X X Y Y q_3 B \vdash X X Y Y B q_4 B \text{ (accepted!)}
 \end{aligned}$$

## LOOP TAK TERHINGGA

Loop Tak terhingga merupakan mesin Turing yang berjalan terus tanpa berhenti dan tidak pernah mencapai *state final* sehingga input selalu di tolak.

Contoh terdapat mesin Turing dengan konfigurasi :

$$Q = \{ q_1, q_2, q_3 \}$$

$$\Sigma = \{a,b\}$$

$$\Gamma = \{a,b,\# \}$$

$$S = \{ q_1 \}$$

$$F = \{ q_3 \}$$

| $\delta$ | a               | b               | #                |
|----------|-----------------|-----------------|------------------|
| $q_1$    | ( $q_2, a, R$ ) | ( $q_2, b, R$ ) | ( $q_3, \#, R$ ) |
| $q_2$    | ( $q_1, a, L$ ) | ( $q_1, b, L$ ) | ( $q_3, \#, L$ ) |
| $q_3$    | -               | -               | -                |

Kita berikan untuk mesin Turing tersebut *input* : 'ab'

( $q_1, ab$ ) |-- ( $q_2, ab$ ) |-- ( $q_1, ab$ ) |-- ( $q_2, ab$ ) |-- ( $q_1, ab$ ) |-- .....

# Kombinasi Dua Mesin Turing

Syarat : Mesin mendapat masukan dan pita yang sama ( $\Sigma$  dan  $\Gamma$  sama)

Misalkan saja  $M_1$  dan  $M_2$  merupakan mesin Turing dengan konfigurasi :

$$M_1 = (Q_1, \Sigma, \Gamma, \delta_1, S_1, F_1, b)$$

$$M_2 = (Q_2, \Sigma, \Gamma, \delta_2, S_2, F_2, b)$$

Kita ingin membuat mesin Turing  $M_3$  yang merupakan kombinasi dari  $M_1$  dan  $M_2$ , atau  $M_3 = M_1 M_2$ , dengan konfigurasi :

$$M_3 = (Q_3, \Sigma, \Gamma, \delta_3, S_3, F_3, b)$$

$$\text{Dimana : } Q_3 = Q_1 \cup Q_2$$

$$S_3 = S_1$$

$$F_3 = F_2$$

Fungsi transisi dari  $M_3$  ( $\delta_3$ ) di bentuk sebagai berikut :

Semua transisi  $\delta_2$

Transisi-transisi  $\delta_1$  tidak menuju state-state  $F_1$

Transisi-transisi  $\delta_1$  yang menuju state-state  $F_1$  diganti menuju  $S_2$